

Тест из Математике 1 - други део

Студент _____

Број индекса _____

Број долазака
на предавања _____

Број поена

Први колоквијум _____

Други колоквијум _____

Писмени испит _____

*Подаци се
проверавају
на усменом*

Тест је успешно урађен ако се тачно одговори на најмање пет од десет датих питања

Напомена: Тест попуните хемијском оловком. За време израде теста *није дозвољено* коришћење литературе, писаних материјала, мобилног телефона или других средстава и начина комуникације.

Јануар 2009 – група 1

*Пишите
читко*

1. Ако је $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n = a$, то по дефиницији граничне вредности низа значи да

$$\forall \varepsilon > 0 \text{ _____}$$

2. Дефинишите појам *ограничености* функције $f : A \rightarrow R$.

3. Нека су $\alpha(x)$ и $\beta(x)$ бесконачно мале када $x \rightarrow a$. Ако је $\alpha(x) = o(\beta(x))$ када $x \rightarrow a$, тада је $\lim_{x \rightarrow a} \frac{\alpha(x)}{\beta(x)}$ једнак:

(1) 0 (2) ∞ (3) 1.

4. Упишите граничну вредност:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{x} = \text{_____}$$

5. Ако функција f има прекид прве врсте у тачки x_0 , тада:

- a) неопходно је да постоји гранична вредност функције у тачки x_0 ,
- b) лева и десна гранична вредност функције у тачки x_0 су коначне,
- c) бар једна (лева или десна) гранична вредност функције у тачки x_0 није коначна.

6. Дефинишите извод функције f у тачки x_0 .

7. Формулишите и дајте геометријску интерпретацију Ролове теореме.

8. Напишите Маклоренов полином петог степена за функцију $f : x \mapsto \ln(1 + x)$ (без извођења).

9. Дефинишите локални максимум функције $f : (a, b) \rightarrow \mathbb{R}$ у тачки $x_0 \in (a, b)$.

10. Ако је $f'(x_0) = 0$ и $f''(x_0) < 0$, онда два пута непрекидно диференцијабилна функција f у тачки x_0 :

- a) Има локални минимум
- b) Има локални максимум
- c) Нема локалног екстремума.

*Да ли сте
уписали
податке?
Проверите.*

П О Е Н И и О Ц Е Н А

Предиспитне активности _____

Усмени испит

Тест _____ (први део) _____ (други део)

Усмено одговарање _____

Коначна оцена _____

Датум

Наставник

Тест из Математике 1 - други део

Студент _____

Број индекса _____

Број долазака
на предавања _____

Број поена

Први колоквијум _____

Други колоквијум _____

Писмени испит _____

*Подаци се
проверавају
на усменом*

Тест је успешно урађен ако се тачно одговори на најмање пет од десет датих питања

Напомена: Тест попуните хемијском оловком. За време израде теста *није дозвољено* коришћење литературе, писаних материјала, мобилног телефона или других средстава и начина комуникације.

Јануар 2009 – група 4

*Пишите
читко*

1. Заокружите тачан исказ:

- a) Сваки монотон низ је конвергентан.
- b) Сваки ограничен низ је конвергентан.
- c) Монотон и ограничен низ је конвергентан.

2. Функција $f : [-1, 1] \rightarrow R$ је *парна* ако важи _____ .3. Ако је $\lim_{x \rightarrow a} f(x) = A$ ($a, A \in R$), то по дефиницији граничне вредности функције f у тачки a значи да $\forall \varepsilon > 0$ _____

4. Упишите граничну вредност:

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+x)}{x} = \underline{\hspace{2cm}} .$$

5. Формулишите и илуструјте цртежом прву Коши-Болцанову теорему за непрекидне функције на одсечку.

6. Дефинишите диференцијал функције f у тачки x_0 .

7. Заокружите тачан исказе:

a) Свака функција која је непрекидна у тачки x_0 је и диференцијабилна у тачки x_0 .

b) Свака функција која је диференцијабилна у тачки x_0 је и непрекидна у тачки x_0 .

c) Постоји функција која је диференцијабилна у тачки x_0 , а није непрекидна у тачки x_0 .

8. Функција $f(x) = -|x|$ на одсечку $[-1, 1]$ не испуњава један услов Ролове теореме. Наведите тај услов.

9. Напишите Тејлоров полином трећег степена функције f у околини тачке $x = -1$.

10. Дефинишите локални минимум функције $f : (a, b) \rightarrow \mathbb{R}$ у тачки $x_0 \in (a, b)$.

*Да ли сте
уписали
податке?
Проверите.*

П О Е Н И и О Ц Е Н А

Предиспитне активности _____

Усмени испит

Тест _____ (први део) _____ (други део)

Усмено одговарање _____

Коначна оцена _____

Датум

Наставник